

# "たすきかけ"の因数分解

$2x^2 + 7x + 6$  が  $x^2$  の係数が 2 で、  
因数分解では "たすきかけ" が行う。

例 (1)  $2x^2 + 7x + 6$

$$\begin{array}{c} \boxed{\text{ア}} \diagdown \quad \boxed{\text{ウ}} \rightarrow \boxed{\text{オ}} \\ \boxed{\text{イ}} \diagup \quad \boxed{\text{エ}} \rightarrow \boxed{\text{カ}} \\ \hline 2x^2 & +6 & +7x \end{array}$$

①~④で  $\boxed{\text{ア}} \sim \boxed{\text{エ}}$  を 探す

$$\begin{array}{c} x \cancel{-} 2 \rightarrow +4x \\ 2x \cancel{+} 3 \rightarrow +3x \\ \hline 2x^2 & +6 & +7x \end{array}$$

$$2x^2 + 7x + 6 = (x+2)(2x+3) //$$

## 方 法

- ①かけて  $2x^2$  になるものを  $\boxed{\text{ア}}, \boxed{\text{イ}}$  にかく。
- かけ  $+6$  になるものを  $\boxed{\text{ウ}}, \boxed{\text{エ}}$  にかく。
- アとエの積を  $\boxed{\text{カ}}$  に。  
イとウの積を  $\boxed{\text{オ}}$  にひく
- オとカを合して  $+7x$  になれば OK
- $2x^2 + 7x + 6 = (\boxed{\text{ア}} + \boxed{\text{ウ}})(\boxed{\text{イ}} + \boxed{\text{エ}})$  //

(2)  $6x^2 + 5x - 6$

$$\begin{array}{c} 2x \cancel{-} 3 \rightarrow 9x \\ 3x \cancel{+} -2 \rightarrow -4x \\ \hline 6x^2 & -6 & +5x \\ 6x^2 + 5x - 6 = (2x+3)(3x-2) // \end{array}$$

### $\boxed{\text{ア}} \sim \boxed{\text{エ}}$ の探し方のコツ

- $\boxed{\text{ア}} \sim \boxed{\text{イ}}$  を決める。  $2x^2 \rightarrow x=2x, 6x^2 \rightarrow 2x=3x$ . or  $x=6x$   
 $[0x=\Delta x \text{ とする}]$
- $\boxed{\text{ウ}} \sim \boxed{\text{エ}}$  を見つける。  $+6 \rightarrow +2 \sim +3$  or  $+1 \sim +6$  or  $-2 \sim -3$ , ...  
 $\boxed{\text{ウ}} \sim \boxed{\text{エ}}$  にかく順番を変えてみる  
 うまくいかないから、たら  $\boxed{\text{ア}} \sim \boxed{\text{イ}}$  を変えてみる
- 答が出たら検算する。 結果の式を展開する。
- くり返し練習(よ).

## 練習20

次の式を因数分解せよ。

$$(1) \quad 3x^2 + 7x + 2$$

$$(2) \quad 2x^2 + 9x + 10$$

$$(3) \quad 2x^2 - 13x + 6$$

$$(4) \quad 4y^2 + 5y - 21$$

$$(5) \quad 3x^2 + 5xy - 2y^2$$

$$(6) \quad 6x^2 - 7ax - 3a^2$$

**解答** (1)  $(x+2)(3x+1)$  (2)  $(x+2)(2x+5)$  (3)  $(x-6)(2x-1)$

(4)  $(y+3)(4y-7)$  (5)  $(x+2y)(3x-y)$  (6)  $(2x-3a)(3x+a)$

(解説)

$$(1) \quad 3x^2 + 7x + 2 = (x+2)(3x+1)$$

$$\begin{array}{r} x \\ \cancel{3x} \\ \hline 3x^2 \end{array} \quad \begin{array}{r} +2 \rightarrow +6x \\ +1 \rightarrow +x \\ \hline +2 \end{array} \quad +7x$$

$$(2) \quad 2x^2 + 9x + 10 = (x+2)(2x+5)$$

$$\begin{array}{r} x \\ \cancel{2x} \\ \hline 2x^2 \end{array} \quad \begin{array}{r} +2 \rightarrow +4x \\ +5 \rightarrow +5x \\ \hline +10 \end{array} \quad +9x$$

$$(3) \quad 2x^2 - 13x + 6 = (x-6)(2x-1)$$

$$\begin{array}{r} x \\ \cancel{2x} \\ \hline 2x^2 \end{array} \quad \begin{array}{r} -6 \rightarrow -12x \\ -1 \rightarrow -x \\ \hline +6 \end{array} \quad -13x$$

$$(4) \quad 4y^2 + 5y - 21 = (y+3)(4y-7)$$

$$\begin{array}{r} y \\ \cancel{4y} \\ \hline 4y^2 \end{array} \quad \begin{array}{r} +3 \rightarrow +12y \\ -7 \rightarrow -7y \\ \hline -21 \end{array} \quad +5y$$

$$(5) \quad 3x^2 + 5xy - 2y^2 = (x+2y)(3x-y)$$

$$\begin{array}{r} x \\ \cancel{3x} \\ \hline 3x^2 \end{array} \quad \begin{array}{r} +2y \rightarrow +6xy \\ -y \rightarrow -xy \\ \hline -2y^2 \end{array} \quad +5xy$$

$$(6) \quad 6x^2 - 7ax - 3a^2 = (2x-3a)(3x+a)$$

$$\begin{array}{r} 2x \\ \cancel{3x} \\ \hline 6x^2 \end{array} \quad \begin{array}{r} -3a \rightarrow -9ax \\ +a \rightarrow +2ax \\ \hline -7ax \end{array}$$